

Exercice 1 : 4 points

Développer en détaillant puis réduire les expressions suivantes :

$$A = (4x + 3)^2 \quad // (a + b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$$

$$= (4x)^2 + 2 \times 4x \times 3 + 3^2$$

$$= 16x^2 + 24x + 9$$

$$B = (5x - 9)(5x + 9) \quad // (a - b)(a + b) = a^2 - b^2$$

$$= (5x)^2 - 9^2$$

$$= 25x^2 - 81$$

$$C = (3x + 5)(2x - 4) \quad // (a + b)(c + d) = ac + ad + bc + bd$$

$$= 3x \times 2x + 3x \times (-4) + 5 \times 2x + 5 \times (-4)$$

$$= 6x^2 - 12x + 10x - 20$$

$$= 6x^2 - 2x - 20$$

$$D = (x - 1)^2 \quad // (a - b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$$

$$= x^2 - 2 \times x \times 1 + 1^2$$

$$= x^2 - 2x + 1$$

$$E = (x + 2) + (x - 7) \quad // \text{Attention, pas de double distributivité ici}$$

$$= x + 2 + x - 7$$

$$= 2x - 5$$

$$F = (x + 2)^2 - 2(2x + 5) \quad // \text{Deux choses à faire ici.}$$

$$= (x + 2)^2 - 2(2x + 5)$$

$$= x^2 + 2 \times x \times 2 + 2^2 - 2 \times 2x - 2 \times 5$$

$$= x^2 + 4x + 4 - 4x - 10$$

$$= x^2 - 6$$

$$G = (x + 3) - (x + 4) \quad // \text{Attention, pas de double distributivité ici}$$

$$= x + 3 - x - 4$$

$$= (-1)$$

$$H = (x + 8)(2x - 1) - x(3x + 5) \quad // \text{Deux choses à faire ici.}$$

$$= (x + 8)(2x - 1) - x(3x + 5)$$

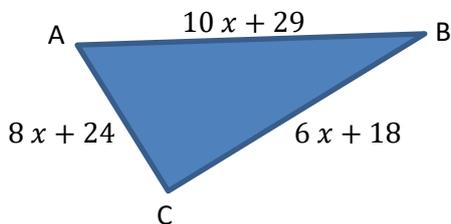
$$= x \times 2x + x \times (-1) + 8 \times 2x + 8 \times (-1) - x \times 3x - x \times 5$$

$$= 2x^2 - x + 16x - 8 - 3x^2 - 5$$

$$= -x^2 + 10x - 13$$

Exercice 3 : 2 points

Le triangle ABC est-il rectangle en C quelle que soit la valeur de x ?



Dans le triangle ABC,

[AB] est le plus grand côté.

$$AB^2 = (10x + 29)^2 = 100x^2 + 580x + 841$$

$$AC^2 + CB^2 = (8x + 24)^2 + (6x + 18)^2 = 64x^2 + 384x + 576 + 36x^2 + 216x + 324 = 100x^2 + 600x + 900$$

Comme $AB^2 \neq AC^2 + CB^2$, d'après la contraposée du théorème de Pythagore,

le triangle ABC n'est pas rectangle en C.

Exercice 2 : 4 points

Factoriser les expressions suivantes :

$$A = \frac{(3x + 5)(x + 5)}{k} + \frac{2x(3x + 5)}{a + b} \quad // ka + ka = k(a + b)$$

$$= (3x + 5)\left(\frac{x + 5}{k} + \frac{2x}{a + b}\right)$$

$$= (3x + 5)(x + 5 + 2x)$$

$$= (3x + 5)(3x + 5)$$

$$= (3x + 5)^2$$

$$B = x^2 + 2x + 1 \quad // a^2 + 2ab + b^2 = (a + b)^2$$

$$= (x + 1)^2 \quad // a^2 = x^2 \rightarrow a = x \text{ et } b^2 = 1 \rightarrow b = 1$$

$$C = (7 + 2x) + \frac{(7 + 2x)(2 + x)}{k} \quad // ka + ka = k(a + b)$$

$$= \frac{(7 + 2x) \times 1}{k} + \frac{(7 + 2x)(2 + x)}{k}$$

$$= (7 + 2x)(1 + (2 + x))$$

$$= (7 + 2x)(1 + 2 + x)$$

$$= (7 + 2x)(3 + x)$$

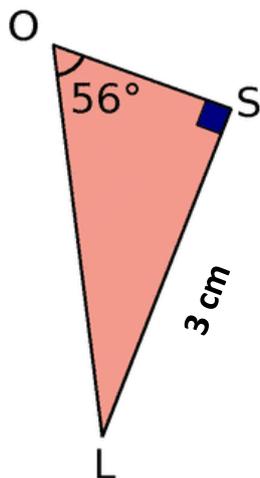
$$D = x^2 - 4 \quad // a^2 - b^2 = (a - b)(a + b)$$

$$= x^2 - 2^2$$

$$= (x - 2)(x + 2)$$

Exercice 4 : 2 points

Calculer OS



Le triangle OSL est rectangle en S.
D'après la définition de la tangente, on a :

$$\tan \widehat{LOS} = \frac{\text{côté opposé}}{\text{côté adjacent}}$$

$$\tan \widehat{LOS} = \frac{SL}{SO}$$

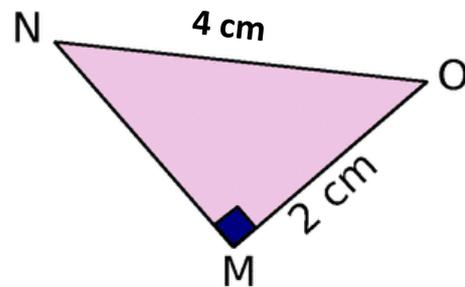
$$\tan 56^\circ = \frac{3}{SO}$$

$$\frac{1}{\tan 56^\circ} = \frac{SO}{3}$$

D'après l'égalité des produits en croix, on a :

$$SO = \frac{3 \times 1}{\tan 56^\circ}$$

$$SO \approx 2,02 \text{ cm}$$

Exercice 5 : 2 pointsCalculer \widehat{MON} 

Le triangle MNO est rectangle en M.
D'après la définition du cosinus, on a :

$$\cos \widehat{MON} = \frac{\text{côté adjacent}}{\text{hypoténuse}}$$

$$\cos \widehat{MON} = \frac{MO}{ON}$$

$$\cos \widehat{MON} = \frac{2}{4}$$

$$\widehat{MON} = \arccos\left(\frac{2}{4}\right)$$

$$\widehat{MON} = 60^\circ$$

Exercice 6 : 6 points

Le dessin ci-contre représente une figure géométrique dans laquelle on sait que :

- ABC est un triangle rectangle en B.
- CED est un triangle rectangle en E.
- Les points A, C et E sont alignés.
- AB = CB = 2 cm.
- CD = 6 cm.

1) Représenter sur la copie la figure en vraie grandeur.

2) a) Quelle est la mesure de l'angle \widehat{ACB} ?

La somme des mesure des angles d'un triangle vaut 180° , donc :

$$\widehat{BCA} + \widehat{BAC} + \widehat{ABC} = 180^\circ$$

Aussi, comme triangle ABC est rectangle en B, on a :

$$\widehat{BCA} + \widehat{BAC} + 90^\circ = 180^\circ$$

Et donc :

$$\widehat{BCA} + \widehat{BAC} = 90^\circ$$

On sait que :

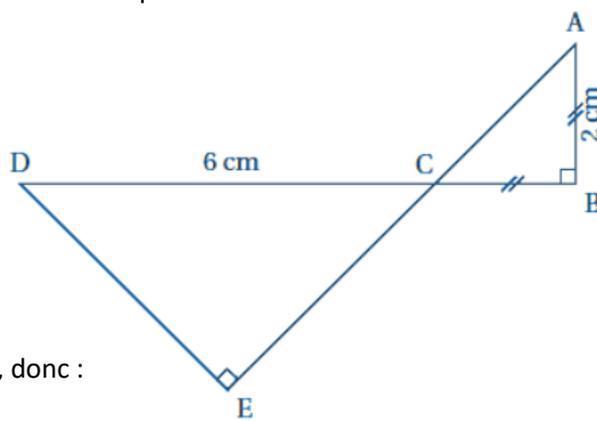
Le triangle ABC est isocèle en B.

Or :

les angles à la base d'un triangle isocèle sont de même mesure.

Donc :

$$\widehat{BCA} = \widehat{BAC}$$



Le dessin n'est pas en vraie grandeur

On en déduit :

$$\widehat{BCA} = \widehat{BAC} = \frac{90}{2} = 45^\circ$$

b) En déduire la mesure de l'angle \widehat{DCE} ?

On sait que :

Les angles \widehat{ACB} et \widehat{DCE} sont opposés par le sommet.

Or :

Si deux angles sont opposés par le sommet, alors ils sont de même mesure.

Donc :

$$\widehat{ACB} = \widehat{DCE} = 45^\circ$$

3) Calculer une valeur approchée de DE à 0.1 cm près.

Le triangle DCE est rectangle en E.

D'après la définition de la tangente, on a :

$$\cos \widehat{DCE} = \frac{\text{côté adjacent}}{\text{hypoténuse}}$$

$$\cos \widehat{DCE} = \frac{CE}{CD}$$

$$\cos 45^\circ = \frac{CE}{6}$$

$$\frac{\cos 45}{1} = \frac{CE}{6}$$

D'après l'égalité des produits en croix, on a :

$$CE = \frac{6 \times \cos 45}{1}$$

$$CE \approx 4,24 \text{ cm}$$